

DINÁMICA DEL SÓLIDO RÍGIDO

1.- Calcula el momento de inercia de una varilla delgada homogénea, de masa M y longitud L con respecto a un eje perpendicular a la varilla y que pasa a través de: a) un extremo, y b) el centro de la varilla.

Solución: a) $I = (ML^2)/3$ b) $I = (ML^2)/12$.

2.- Una varilla delgada de 1m de largo tiene una masa despreciable. Se colocan 5 cuerpos a largo de ella, cada uno con una masa de 1kg, y situados a 0 cm, 25 cm, 50 cm, 75 cm y 100 cm de uno de sus extremos. Calcula el momento de inercia I del sistema con respecto a un eje perpendicular a la varilla, el cual pasa a través de: a) un extremo; b) la segunda masa; y c) el centro de masas del sistema. Comprueba el teorema de Steiner. Solución: a) $I = 1.875 \text{ kg} \cdot \text{m}^2$ b) $I = 0.9375 \text{ kg} \cdot \text{m}^2$ c) $I = 0.625 \text{ kg} \cdot \text{m}^2$.

3.- Calcula el momento de inercia de una placa maciza circular plana de radio R y masa M , respecto a un eje tangente a la periferia del disco y contenido en el plano de la placa. Solución: $I = 5 MR^2/4$

4.- Un disco homogéneo que puede girar alrededor de un eje vertical, pasa del reposo a girar a 90 r.p.m. en 10s. Su masa es de 25kg y el diámetro de 1m. Calcula: a) El módulo de la fuerza constante capaz de producir dicho movimiento aplicada en la periferia durante los 10s. b) La energía cinética del disco cuando gira a 90 r.p.m. c) Cuando va girando a dicha velocidad, se acopla a él otro disco coaxial de 50cm. de diámetro y 50 kg de masa, calcular la velocidad angular del conjunto formado por ambos.

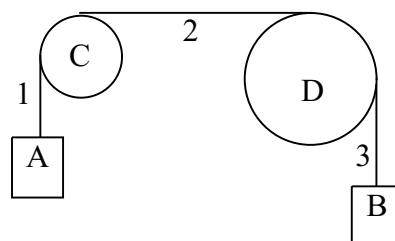
Solución: a) $F = 5.89 \text{ N}$. b) $E_c = 138.8 \text{ J}$. c) $\omega = 6.28 \text{ rad/s}$.

5.- ¿Cuál es la mínima velocidad que tiene que llevar un proyectil, de masa m , para que al chocar e incrustarse en el extremo inferior de una barra homogénea, de longitud L y masa M que se encuentra atravesada por el otro extremo por un eje, para que dé una vuelta completa alrededor de dicho eje, después del impacto?

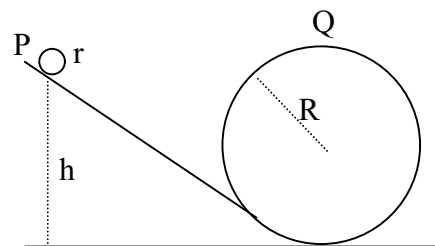
Solución: $v_{\min} = \frac{1}{m} \sqrt{\frac{2gL}{3} (M+3m)(M+2m)}$

6.- La figura muestra un sistema de pesas y poleas. Se supone que el cable no desliza sobre las poleas y el rozamiento en el eje de cada polea es despreciable. Calcular el módulo de la aceleración a de los cuerpos colgados y el módulo de las tensiones T_1 , T_2 y T_3 en el cable cuando el sistema se suelta desde el reposo. Datos: $M_A = 20 \text{ kg}$, $M_B = 14 \text{ kg}$, $I_C = 0.005 \text{ kg} \cdot \text{m}^2$, $I_D = 0.01 \text{ kg} \cdot \text{m}^2$, $R_C = 9 \text{ cm}$, $R_D = 13 \text{ cm}$.

Solución: $a = 1.67 \text{ m/s}^2$ $T_1 = 162.6 \text{ N}$.
 $T_2 = 161.6 \text{ N}$ $T_3 = 160.6 \text{ N}$.



7.- Un cilindro homogéneo de radio r y masa m rueda sin deslizar siguiendo una vía en forma de rizo circular de radio R , como muestra la figura. El cilindro parte del reposo en el punto P, a una altura h por encima de la parte inferior del rizo. Calcula: a) Su energía cinética cuando alcanza el punto Q. b) Su aceleración centrípeta en dicho punto admitiendo que no se sale de la vía. c) El mínimo valor de h para que la partícula llegue a Q sin salirse de la vía. d) Suponiendo que h es mayor que ese valor mínimo, obtener una expresión para la fuerza normal ejercida por la vía sobre el cilindro en el punto Q.



Solución: a) $E_c = m g (h - 2R + 2r)$ b) $a_N = \frac{4g(h - 2R + 2r)}{3(R - r)}$
c) $h_{\min} = \frac{11(R - r)}{4}$ d) $N = \frac{mg(4h + 11r - 11R)}{3(R - r)}$

8.- Se enrolla una cuerda a un cilindro macizo y homogéneo de 10kg. de masa y el otro extremo de la cuerda se fija al techo. Soltamos el sistema partiendo del reposo de forma que al caer la cuerda va desenrollándose. Calcular: a) La velocidad del centro de masas del cilindro cuando éste haya descendido 2m.